

ЗАДАНИЕ ПО МАТЕМАТИКЕ
ВАРИАНТ 12111 для 11 класса

1. Числа $\cos^2 \alpha$, $\sin \alpha$, $\operatorname{ctg}^2 \alpha$ являются первым, вторым и третьим членами геометрической прогрессии. Найдите эти числа, а также номер члена прогрессии, имеющего абсолютную величину 4096.

2. Длины диагоналей ромба a и b – целые числа. В ромб вписан квадрат со стороной $q = 2025$. Приведите пример такого ромба. Сколько существует таких различных ромбов?

3. Каждый из двух одинаковых кувшинов заполнен на $3/4$ своего объема раствором эликсира доброты. Концентрация эликсира в первом кувшине составляет 50%, а во втором – 90%. Ученый джинн сначала перелил раствор из первого кувшина во второй, заполнив его полностью. Затем из второго он перелил раствор в первый, заполнив его полностью, потом снова из первого во второй доверху и так далее. Язык джинна способен определять концентрацию раствора эликсира доброты с точностью до 0,01%. После какого переливания ученый джинн впервые сочтет содержимое кувшинов одинаковым по концентрации эликсира?

4. Существует ли три числа u , v , w , каждое из которых по модулю не превышает 5 и для которых выражение

$$125 - 25(u + v + w) + 5(uv + vw + uw) - uvw$$

равно 2025?

5. В зоопитомнике поселились бегемотики разной прожорливости. Первый съедает стандартный самосвал арбузов на 3 мин, второй – за 9 мин, третий – за 27 мин, n -ый – за 3^n минут. При каком поголовье бегемотиков стандартный самосвал арбузов будет съеден быстрее, чем за 2 мин 1 сек, если все они одновременно приступят к трапезе?